

Discrete Network Design Problem

University of Tehran

Master of Science Thesis| Persian Edition-1

Alireza Rahimi

2017

دانشگاه تهران

عنوان

الگوریتم طراحی شبکه گسترده با تقاضای
متغیر برای شبکه های ترابری بزرگ مقیاس

نگارش

علیرضا رحیمی

نسخه اولیه

| | | |
|-----------|--|-----------|
| 1 | فصل اول مقدمه | 1 |
| 1 | 1-1- مقدمه | 1 |
| 3 | 1-2- اهمیت مسئله | 3 |
| 5 | 1-3- تعریف مسئله | 5 |
| 8 | 1-4- مروری بر فصول | 8 |
| 9 | فصل دوم ادبیات مسئله طراحی شبکه حمل و نقل | 9 |
| 9 | 2-1- مقدمه | 9 |
| 9 | 2-2- مسئله طراحی شبکه حمل و نقل | 9 |
| 13 | 2-3- مسئله تخصیص ترافیک | 13 |
| 15 | 2-3-1- مدل بهینه سازی تخصیص ترافیک با تقاضای ثابت | 15 |
| 17 | 2-3-2- مدل بهینه سازی تخصیص ترافیک با تقاضای متغیر | 17 |
| 21 | 2-4- مروری بر الگوریتم های طراحی شبکه حمل و نقل | 21 |
| 24 | 2-5- مدل دو سطحی طراحی شبکه گسسته با تقاضای ثابت | 24 |
| 25 | 2-5-1- الگوریتم لبلاک | 25 |
| 28 | 2-5-2- الگوریتم بهینه سازی گروه ذرات | 28 |
| 34 | 2-6- جمع بندی | 34 |
| 36 | منابع و مراجع | 36 |

چکیده

مسئله طراحی شبکه حمل و نقل با هدف مینیمم سازی کل زمان سفر استفاده‌کنندگان، در شرایط بودجه محدود، به صورت یک مسئله برنامه ریزی دوسطحی با متغیرهای صحیح (تصمیم‌گیری) و اعشاری (جریان) فرمول بندی می‌شود. هر چند که تقاضای متغیر از نظر تئوری می‌تواند جواب‌های مسئله طراحی شبکه را تغییر دهد، در اغلب مطالعات قبلی تقاضا بین زوج‌های مبدا مقصد ثابت فرض شده است. در این پژوهش مسئله طراحی شبکه در دو حالت تقاضای ثابت و متغیر، با استفاده از روش شمارش کامل (در سطح بالا) و روش فرانک-ولف (در سطح پایین)، برای شبکه معروف سوفالز در سطوح بودجه مختلف حل می‌شود. تابع تقاضای متغیر به فرم تابع نمایی در نظر گرفته می‌شود به طوری که اولاً برای شبکه پایه همان تقاضای ثابت را نتیجه دهد، و ثانیاً کشش‌پذیری تابع تقاضا نسبت به زمان سفر برای تمامی شبکه‌های امکان‌پذیر در محدوده قابل قبول باقی‌بماند. نتایج نشان می‌دهند که جواب‌های مسئله در دو حالت تقاضای ثابت و متغیر، به خصوص در سطوح بودجه میانی، اختلاف زیادی دارند.

کلمات کلیدی: طراحی شبکه حمل و نقل، تقاضای متغیر، روش فرانک-ولف

1 فصل اول

مقدمه

1-1- مقدمه

حمل و نقل مسافر و کالا جزئی جدا نشدنی از هر جامعه توسعه یافته است، که از برهمکنش اقتصادی اجتماعی بین گروه های آن جامعه ناشی می شود. شبکه های حمل و نقل با طراحی ضعیف بر جوامع هزینه مختلفی از جمله تاخیر، عدم راحتی، آلودگی های زیست محیطی و تصادفات وارد می کنند.

یک شبکه کارا و مناسب حمل و نقلی موجب کاهش هزینه های حملی بر سیستم حمل و نقل، گردانندگان سیستم و استفاده کنندگان آن و حتی هزینه های غیر استفاده کنندگان (آلودگی، تصادفات و مانند آن ها) می شود. بنابراین، علاوه بر هزینه های مستقیم، برای کاهش هزینه های غیر مستقیم نیز طراحی شبکه های کارایی حمل و نقلی لازم به نظر می رسد.

تصمیم گیری در خصوص نحوه تخصیص بودجه در سیستمهای حمل و نقل شهری یکی از مسائل مهم در حمل و نقل می باشد. امروزه عموماً تصمیم گیری در این خصوص در اغلب کشورها از جمله ایران به صورت تجربی انجام می گیرد. در ادبیات حمل و نقل، مسئله طراحی شبکه¹ (NDP) معمولاً به صورت مسئله انتخاب زیرمجموعه ای از مجموعه گزینه های (پروژه های) امکان پذیر تعریف می شود به گونه ای که اجرای گزینه های انتخابی کل هزینه استفاده کنندگان از شبکه را مینیمم کند و در ضمن هزینه اجرای آن گزینه ها از سطح بودجه معینی تجاوز نکند. گزینه های مطرح در

¹- Network design problem

مسئله طراحی شبکه معابر شامل گزینه هایی چون احداث يك راه جدید، افزایش عرضی يك راه موجود و يك طرفه کردن يك خیابان می باشند. بخشی از دشواری های حل مسائل طراحی شبکه حمل و نقل واقعی مربوط به ابعاد بزرگ آن ها است. از سوی دیگر، با افزایش تعداد پروژه های نامزد، فضای جستجو بزرگ شده، و حل مسئله در شرایط واقعی بسیار سخت می شود.

از نظر تئوری، مسئله طراحی شبکه را می توان به صورت يك مسئله برنامه ریزی دو سطحی با متغیرهای اعشاری و صحیح فرمول بندی کرد، که در مسئله سطح بالا تعداد متغیرهای صحیح برابر با تعداد گزینه ها، و در مسئله سطح پایین متغیرهای اعشاری شامل متغیرهای جریان در کمان های شبکه هستند. حل این نوع مسئله به علت ماهیت ترکیبی آن بسیار مشکل است به طوری که برای حل تقریبی آنها از روش های جستجوی فراابتکاری مثل الگوریتم ژنتیک و کلونی مورچه استفاده شده است.

یکی از پارامترهای تاثیر گذار بر جواب مسئله طراحی شبکه، همان گونه که در فصل 4 پایان نامه بحث می شود، تقاضای سفر استفاده کننده به عنوان ورودی مسئله طراحی شبکه است. تقاضا می تواند به دو شکل ثابت و متغیر به کارگرفته شود. شفی [2] بیان می کند که استفاده از تابع تقاضای متغیر (الاستیک) نسبت به تقاضای ثابت موجب می شود که مدلسازی رفتار استفاده کنندگان واقعی تر باشد. اما با توجه به پیچدگی های مسئله طراحی شبکه و همچنین سختی مضاعف ناشی از استفاده از مدل های تقاضای الاستیک، همانگونه که فراهانی و همکاران [16] می گویند، تا کنون در هیچ کدام از پژوهش های انجام شده در مسئله طراحی شبکه حمل و نقل، تابع تقاضای متغیر مورد استفاده قرار نگرفته و همگی از تقاضای ثابت استفاده نموده اند.

در این پژوهش از تخصیص ترافیکی قطع¹ و ایستا² با تقاضای متغیر به عنوان مسئله سطح پایینی استفاده شده است، و در سطح بالایی برای انتخاب پروژه های نامزد روش شمارش کامل استفاده می شود. در ضمن، اثرات استفاده از تابع تقاضای متغیر بر جواب های مسئله طراحی شبکه بررسی شده، و ضمن مقایسه جواب های مسئله در دو حالت تقاضای ثابت و تقاضای متغیر میزان اهمیت یا عدم اهمیت استفاده از تابع تقاضای الاستیک در مسئله طراحی شبکه نشان داده می شود.

2-1- اهمیت مسئله

بخش حمل و نقل سهم قابل توجهی از سرمایه گذاری های سیستم شهری را به خود اختصاص داده است، که دلیل آن پرهزینه بودن اجرای پروژه ها در این بخش در مقایسه با سایر بخشهای سیستم های شهری است. از طرف دیگر، سیستمهای حمل و نقل و مشکلات مربوط به آن یکی از نگرانی های اصلی مسولین و ساکنین شهرهای بزرگ می باشد.

در کنار روشهای مدیریت ترافیکی، امروزه همچنان توسعه عرضه شبکه، به خصوص در کشورهای در حال توسعه، از اهمیت بسیار زیادی برخوردار است. در نتیجه، تصمیم گیری در خصوص توسعه شبکه معابر با توجه به هزینه های سنگین آن بسیار مهم است. از طرف دیگر، سیستم های حمل و نقل امروزه تبدیل به سیستمهای پیچیده ای شده اند که بر بسیاری از مسائل شهری از جمله آلودگی هوا، توسعه اقتصادی و آرامش روحی و روانی شهروندان تاثیر گذار هستند.

1- Deterministic

2- Static

از دیدگاه تئوریک نیز مسئله طراحی شبکه یکی از پیچیده ترین مسائل موجود در حمل و نقل است. هر چند در این زمینه مطالعات زیادی شده است، ولی هنوز تا دستیابی به یک راه حل عملی و جامع فاصله زیادی وجود دارد. این موضوع بنا به برخی دلایل است که در ادامه مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

حل مسئله طراحی شبکه بسیار زمانبر است. این موضوع موجب شده است که پیاده سازی آن برای شهرهای بزرگ بسیار مشکل باشد. این موضوع اهمیت و لزوم ایجاد روش هایی که بتوانند مسئله مذکور را به شکلی مناسب و در زمانی کوتاه حل کنند بیشتر نشان می دهد. برای درک میزان پیچیدگی این مسئله فرض کنید تنها 20 پروژه برای یک شبکه در نظر گرفته شود. برای انتخاب از بین تنها 20 پروژه (که در سطح مسئله طراحی شبکه تعداد کمی است) ارزیابی بیش از یک میلیون شبکه گزینه ضرورت می یابد. زیرا، انتخاب یا عدم انتخاب هر پروژه در مجموعه پروژه ها دو حالت ایجاد می کند و برای 20 پروژه 2^{20} شبکه گزینه به وجود می آید. اگر با بهره گیری از برخی روش ها بتوان حتی بیش از نیمی از گزینه های غیرقابل اجرا از نظر محدودیت های موجود (بودجه) را حذف کرد، باز حدود نیم میلیون گزینه باقی می ماند و اگر ارزیابی هر گزینه با کامپیوتر تنها 1 دقیقه طول بکشد، برای دستیابی به گزینه برتر حدود 1 سال محاسبه بدون وقفه نیاز است [38]. نباید از یادبرد که ارزیابی گزینه ها برای شرایط مختلف بودجه ای به زمان یاد شده می افزاید.

از طرف دیگر، جامعیت دیدگاه در این مسئله تاکنون به شکل مناسبی تکوین نشده است. در واقع عوامل بسیار زیادی در تصمیم گیری در خصوص عرضه تاثیر گذار است، و برخی از این عوامل به کلی قابل کمی سازی نیستند. این موضوع موجب شده است که نگاه تئوریک به مسئله طراحی شبکه دارای منتقدان زیادی باشد. برخی این روش ها را فاقد قابلیت لازم برای حل مسائل عملی میدانند، زیرا حل دقیق آن برای شبکه های واقعی عملاً ممکن نیست. ولی نکته

حائز اهمیت آن است که این روش‌ها حداقل می‌توانند دید مناسبی از تفاوت بین پیامدهای ناشی از تصمیم‌گیری‌های موجود و بهینه را نشان دهند، و یکی از اهداف طراحان را به کمینه‌سازی این فاصله بدل کنند.

به موارد فوق باید اهمیت سیاسی مسئله حمل و نقل را نیز افزود. امروزه موضوعات مرتبط با حمل و نقل به یکی از موضوعات اصلی در مبارزات انتخاباتی بسیاری از مدیران در شهرها و کشورهای دنیا بدل شده است. این موضوع نشانه اهمیت حمل و نقل از نظر شهروندان، و توجه آن‌ها به تصمیم‌گیری‌ها در این باره است. بنابراین، مسئله طراحی شبکه هم از دیدگاه عملی و هم از دیدگاه علمی دارای اهمیت بوده و لذا حل دقیق آن با در نظر گرفتن فرضیات مناسب در خصوص رفتار استفاده‌کنندگان مطلوب است. هدف این پژوهش بررسی شدت تاثیر استفاده از تقاضای متغیر بر جواب‌های مسئله طراحی شبکه در جهت هر چه دقیق‌تر شدن خروجی‌های مسئله است.

3-1- تعریف مسئله

توسعه شهری همراه با افزایش جمعیت و به وجود آمدن فعالیت‌های جدید و متعدد در یک ناحیه شهری باعث افزایش دائمی تقاضای سفر و بروز ازدحام و تراکم در شبکه معابر می‌شود. ازدحام و تراکم موجب افزایش زمان سفر، افزایش هزینه‌های عملکردی وسایل نقلیه و در نتیجه بروز بسیاری از مشکلات اجتماعی و اقتصادی می‌شود که تمامی این مشکلات می‌تواند باعث کاهش کیفیت زندگی مردم شوند.

به منظور حل این مشکلات، راه‌کارهای متعددی توسط برنامه‌ریزان حمل و نقل ارائه شده است، که از جمله آن می‌توان به استفاده از سیستم‌های حمل و نقل هوشمند، ارتقای سیستم‌های حمل و نقل همگانی، و توسعه شبکه معابر اشاره کرد. عامل محدودکننده در اجرای این راه‌کارها بودجه موجود است، زیرا اندک بودن بودجه برای

سرمایه گذاری و نیز بازگشت کم سرمایه، انتخاب راه کارهای مناسب را مشکل می کنند.

در ادبیات حمل و نقل، بهبود شبکه معابر به صورت NDP مطرح می شود که غالباً عبارتست از انتخاب زیرمجموعه امکان پذیری از مجموع پروژه های پیشنهادی به طوری که تابع هدف خاصی بهینه گردد. این تابع هدف معمولاً کل زمان سفر استفاده کنندگان شبکه است. مسئله طراحی شبکه در یک فرم خاص مسئله ای دو سطحی است، که در سطح پایین آن مسئله تخصیص ترافیک (مسئله تعیین جریان ترافیک برای هر وضعیت مفروض شبکه) و در مسئله سطح بالای آن انتخاب پروژه های مناسب برای کاهش کل زمان سفر استفاده کنندگان قرار دارند.

مسئله طراحی شبکه به بهبود کارایی شبکه حمل و نقل با استفاده از سرمایه گذاری در بخش زیرساخت های حمل و نقل می پردازد که این کار به صورت اجرای پروژه هایی با هزینه مشخص در شبکه صورت می گیرد. گزینه های بهبود شبکه معمولاً به دو صورت ساخت کمان جدید یا افزایش ظرفیت کمان های موجود مطرح می شود. در ادبیات حمل و نقل مسئله طراحی شبکه به دو صورت مسئله طراحی شبکه پیوسته¹ (CNDP) و مسئله طراحی شبکه گسسته² (DNDP) مطرح می شود. در CNDP متغیرهای تصمیم گیری پیوسته هستند (مثل میزان تعریض عرض راه) در حالی که در DNDP متغیرهای تصمیم گیری در بیشتر موارد یک متغیر باینری (صفر یا یک) می باشند (مثل اضافه کردن یا نکردن یک راه جدید یا یک باند به یک راه موجود). مسئله مورد نظر در این پایان نامه همان مسئله DNDP است. معمولاً برای هر شبکه موجود می توان تعداد زیادی پروژه تعریف کرد، ولی به علت محدودیت بودجه تنها تعداد محدودی از آنها را می توان اجرا کرد. لذا در DNDP متغیر تصمیم گیری پذیرش یا عدم پذیرش یک پروژه است. حل این مسئله

1- Continues network design problem

2- Discrete network design problem

به علت ماهیت ترکیبی آن از پیچیدگی زیادی برخوردار است، به طوری که پیچیدگی آن برای n پروژه از مرتبه n^2 است.

تعریف مسئله طراحی شبکه می تواند تنوع زیادی داشته باشد. مثلاً شبکه چنان طراحی شود که در سطح معینی از بودجه کمترین هزینه حمل و نقل، بیشترین پیوستگی، یا بیشترین دسترسی را داشته باشد. یا اینکه در یک سطح خدمت معین (مثل کل زمان سفر) کمترین سطح بودجه مورد نیاز باشد. حل مسئله با هدف های چندگانه نیز امکان پذیر است، ولی نیازمند روش های پیچیده تر و اطلاعات بیشتری است [2]. مسئله طراحی مورد بحث این مطالعه، مینیمم کردن کل زمان سفر حمل و نقل استفاده کنندگان شبکه در سطح معینی از سرمایه گذاری است.

وظیفه سرمایه گذاری برای بهبود شبکه به طور معمول بر عهده گرداننده (تهیه کننده) سیستم است. این سرمایه گذاری برای پرداخت هزینه های ساخت، نگهداری، عملیات¹، و اداری است. هزینه عملیات قابل توجه نیست و به علاوه به طور اساسی نصیب استفاده کنندگان شبکه شده و در تابع هدف (کل زمان سفر در شبکه) به نحوی در نظر گرفته می شود. بنابراین، تنها دو هزینه ساخت و نگهداری در مسئله طراحی شبکه موضوعیت می یابند. هزینه های ساخت معابر بسته به نوع آن (اصلي، شریانی، فرعی، بزرگراه و آزادراه) متناسب با طول است. هزینه نگهداری را نیز می توان به دو بخش تقسیم کرد. بخشی که به طور مستقیم با حجم ترافیک (میزان استفاده از معابر) متناسب است، و بخش دیگری که ناشی از عمر راه است. بخش اخیر در واقع ناشی از تغییرات جوی و اثر محیط بر راه بوده و با طول آن متناسب است. اکنون، اگر برای ساده کردن مطلب فرض شود که بخش نخست از هزینه های نگهداری نیز با طول راه متناسب است، میتوان هزینه های ساخت و نگهداری را با طول راه متناسب فرض کرد.

¹- Operation

4-1- مروري بر فصول

در ادامه پایان نامه، در فصل دوم تاریخچه مسئله طراحی شبکه، نگرش های گوناگونی که درباره این مسئله وجود داشته و همچنین روش های مختلفی که محققین برای حل این مسئله بکار برده اند بیان می شود. در فصل سوم نسخه های مختلف شبکه سوفالز به عنوان شبکه پایه مورد استفاده در این پایان نامه ارائه خواهد شد. در فصل چهارم، ابتدا به نحوه تعریف تابع تقاضای متغیر پرداخته می شود. سپس تاثیر استفاده از تابع تقاضای متغیر بر جواب های مسئله برای یک شبکه مفروض شامل 2 گره و n کمان موازی تحلیل می شود، و در نهایت مسئله طراحی شبکه گسسته در دو حالت تقاضای ثابت و متغیر برای یک شبکه ده کمانه و نیز شبکه معروف سوفالز حل شده و نتایج با هم مقایسه می شود. در فصل پنجم به نتیجه گیری، جمع بندی و ارائه پیشنهادات برای پژوهش های آینده پرداخته می شود.

2 فصل دوم

ادبیات مسئله طراحی شبکه حمل و نقل

1-2- مقدمه

در این فصل از پایان نامه به مرور و بررسی مقالات و تحقیقات انجام شده پیرامون مسئله طراحی شبکه، مسئله تخصیص ترافیک با تقاضای ثابت و متغیر و الگوریتم های حل آن، مختصری از روش هایی که در حل NDP بکارگرفته شده است و در نهایت به تعریف مسئله طراحی شبکه پرداخته می شود.

2-2- مسئله طراحی شبکه حمل و نقل

مسئله طراحی شبکه حمل و نقل در پنج دهه اخیر مورد توجه پژوهشگران قرار داشته و تعداد پژوهش های انجام گرفته در این موضوع طی سالیان اخیر به طور قابل ملاحظه ای افزایش یافته است، که اهمیت این مسئله را بیش از پیش آشکار می کند. در ادبیات فنی سه تعریف اصلی برای مسئله طراحی شبکه حمل و نقل ارائه شده است. طبق پژوهش دانتزینگ و همکاران [13] مسئله طراحی شبکه حمل و نقل به ساخت راه های جدید یا گسترش ظرفیت راه های موجود می پردازد. این تعریف در مقالات بسیار رایج است. مطابق تعریف فریز [14] مسئله طراحی شبکه حمل و نقل عبارتند از مکانیابی بهینه تسهیلات و تعیین ظرفیت بهینه آن ها به منظور بهبود کیفیت سیستم. در این تعریف تسهیلات شامل گره ها و کمان های شبکه می شوند، بنابراین محدوده آن وسیع تر از حالت قبل می باشد. ماگانتی و وونگ [15] اشاره می کنند که مسئله طراحی شبکه حمل و نقل عبارت است از تمامی ابعاد پروسه تصمیم گیری در برنامه ریزی حمل و نقل که شامل استراتژی ها، تاکتیک ها

و تصمیم های عملکردی می باشد. تصمیم های استراتژیک نوعی تصمیم با دید بلند مدت است که به زیر ساخت های شبکه می پردازد، به طور مثال ساخت یک راه جدید یا طراحی یک شبکه جدید برای سیستم ترانزیت. تصمیم های تاکتیکال در جهت بهینه سازی یک سیستم حمل و نقلی موجود و منابع آن می باشد که از آن جمله می توان به تعیین جهت حرکت خیابان های یک طرفه یا تعیین فرکانس سرویس دهی خطوط ترانزیت اشاره کرد. در نهایت تصمیم های عملکردی شامل تصمیم های کوتاه مدت است که بیشتر به کنترل جریان ترافیک، کنترل تقاضا، و دسته بندی و بررسی مشکلات می پردازد، که به عنوان نمونه می توان به برنامه ریزی یک چراغ راهنمایی و تعیین محل توقف ممنوع در یک خیابان اشاره کرد. مطابق پژوهش فراهانی و همکاران [16] مسئله طراحی شبکه حمل و نقل به دو دسته کلی طراحی شبکه حمل و نقل عمومی¹ (UTNDP) و طراحی شبکه حمل و نقل معابر² (RNDP) تقسیم می شود. شایان ذکر است در این پژوهش منظور از طراحی شبکه، طراحی شبکه حمل و نقل معابر است. از طرفی مسئله طراحی شبکه معابر شامل دو دسته بندی کلی مسئله طراحی شبکه پیوسته (CNDP) و مسئله طراحی شبکه گسسته (DNDP) می باشد. تفاوت های مسئله طراحی شبکه پیوسته و گسسته از نظر تابع هدف و گزینه های تصمیم گیری مطابق پژوهش فراهانی و همکاران [16] در ادامه شرح داده خواهد شد.

توابع هدف مسئله طراحی شبکه پیوسته به شش دسته کلی زیر تقسیم بندی می شوند:

1. ماکزیم کردن منافع کاربران³

2. ماکزیم کردن ظرفیت رزرو¹

¹ - Urban Transit Network Design Problem

²- Road Network Design Problem

³ - Max. consumer surplus

3. مینیمم کردن کل مسافت سفر²

4. مینیمم کردن هزینه ساخت

5. مینیمم کردن هزینه (زمان) سفر

همچنین گزینه های تصمیم گیری در این مسئله عبارتند از: عوارض راه، زمان بندی چراغ راهنمایی و ظرفیت معبر.

توابع هدف مسئله طراحی شبکه گسسته به شش دسته کلی زیر تقسیم بندی می شوند:

1. ماکزیمم کردن ظرفیت رزرو

2. مینیمم کردن بی نظمی جریان³

3. مینیمم کردن کل مسافت سفر

4. مینیمم کردن کل هزینه اجتماعی⁴

5. مینیمم کردن هزینه ساخت

6. مینیمم کردن هزینه (زمان) سفر

گزینه های تصمیم گیری در این مسئله عبارتند از محدود کردن (یا نکردن) گردش در تقاطع ها، تعداد باند معابر، یک طرفه کردن (یا نکردن) خیابان ها، ساخت (یا عدم ساخت) یک خیابان جدید.

شبکه $N(I, A)$ با مجموعه کمان های A و گره های I را در نظر بگیرید. فرض کنید \bar{A} مجموعه کمان های پروژه است به طوری که $\bar{A} \cap A$ شامل پروژه های بهبود کمان (مانند تعریض یک راه موجود) و $\bar{A} - A$ شامل پروژه های ساخت کمان های جدید می

¹- Max. reserve capacity

²- Min. total travel distance

³- Min. flow entropy

⁴- Min. total societal cost

باشد. y_a متغیر تصمیم گیری برای کمان $a \in \bar{A}$ می باشد، و $y = (y_a)$ بردار تصمیم شامل متغیر های تصمیم گیری y_a است.

متغیر y_a تعیین کننده نوع مسئله از نظر پیوسته یا گسسته بودن است. این متغیر در حالت گسسته باینری (انتخاب شدن یا انتخاب نشدن یک پروژه) و در حالت پیوسته اعشاری می باشد. مطابق پژوهش فراهانی و همکاران [16]، به طور مثال اگر ماکزیمم و مینیمم ظرفیت هر کمان C_{\max} و C_{\min} تعریف شوند، آنگاه محدودیت $C_{\min} < y < C_{\max}$ یک فضای پیوسته را برای تصمیم y مشخص می کند. در حالت گسسته، تصمیم گیری در مورد انتخاب شدن یا عدم انتخاب یک پروژه، یا تعریض یا عدم تعریض یک راه با محدودیت $y \in \{0,1\}$ تعریف می شود.

از آنجا که موضوع مورد بررسی در این پایان نامه مسئله طراحی شبکه گسسته است. در ادامه به فرمول بندی این مسئله می پردازیم. فرض کنید $\bar{A}(y) \subseteq \bar{A}$ مجموعه پروژه های برگزیده در تصمیم y هستند که به صورت $\bar{A}(y) = \{a \in \bar{A} \mid y_a = 1\}$ نمایش داده می شوند. DNDP برای تعیین متغیر تصمیم y در سطح بودجه B به شرح زیر بیان می شود:

$$(1-2) \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{Min} T(y) = \sum_{a \in \bar{A}(y)} x_a t_a(x_a) + \sum_{a \in \bar{A}(y)} x_a \bar{t}_a(x_a) \\ \text{s.t.} \\ \sum_{a \in \bar{A}} c_a y_a \leq B \\ y_a \in \{0, 1\} \quad \forall a \in \bar{A}(y) \\ x(y) = \text{Assign}(y) \end{array} \right.$$

$T(y)$: زمان سفر کل شبکه برای تصمیم y

x_a : جریان در کمان برای $a \in \bar{A} \cup A$

$t_a(x)$: تابع زمان سفر کمان $a \in A$ در وضعیت موجود

$\bar{t}_a(x)$: تابع زمان سفر کمان $a \in \bar{A}$ پس از بهبود یا ساخت

y_a : متغیر تصمیم گیری برای کمان $a \in \bar{A}$

$x(y) = (x_a)_{a \in A \cup \bar{A}(y)}$ ، بردار جریان در شبکه پس از تصمیم y

c_a : هزینه اجرای پروژه $a \in \bar{A}$

B : سطح بودجه

Assign : یک الگوریتم تخصیص ترافیک که جریان $x(y)$ را برای تصمیم y بدست می آورد.

تابع هدف مسئله فوق به دنبال یافتن متغیر تصمیم گیری $y=(y_a)$ برای مینیم کردن کل زمان سفر شبکه $T(y)$ است. در این مسئله محدودیت های اول و دوم محدودیت های امکان پذیری برای متغیر تصمیم y می باشند به طوریکه محدودیت اول همان محدودیت بودجه و محدودیت دوم محدودیت فضای انتخاب می باشد که یک متغیر باینری است. محدودیت سوم یک مدل تخصیص ترافیک است که جریان ترافیک را برای هر وضعیت مفروض از شبکه و تقاضا ارائه می دهد. مسئله تخصیص ترافیک برای اولین بار در دهه چهل میلادی مطرح شده و اولین روش برای حل آن به عنوان روش همه یا هیچ شناخته می شود [2]. این روش بر این فرض غیر واقعی استوار بوده است که زمان سفر هر کمان مستقل از جریان در شبکه می باشد. امروزه الگوریتم های حل این مسئله را می توان به سه گروه اصلی الگوریتم های بر پایه کمان، الگوریتم های بر پایه مسیر و الگوریتم های بر پایه مبدا تقسیم بندی کرد [2]. در این پژوهش از الگوریتم تخصیص بر پایه کمان استفاده خواهد شد و این مسئله در بخش های بعد به تفصیل شرح داده خواهد شد.

3-2- مسئله تخصیص ترافیک

تخصیص ترافیک به عنوان جزئی مهم از الگوریتم مسئله طراحی شبکه مطرح است و نتایج حاصل از آن در کاهش زمان حل و دقت جواب ها اهمیت ویژه ای دارد. در حالت کلی مسئله تخصیص ترافیک به دو دسته تخصیص ترافیک با تقاضای ثابت و تخصیص ترافیک با تقاضای متغیر تقسیم بندی می شود. در این پژوهش ابتدا به مسئله تخصیص ترافیک با تقاضای ثابت و فرمول بندی آن می پردازیم، سپس حالت تقاضای متغیر و الگوریتم حل آن شرح داده می شود.

اولین بار وارد راپ [4] در 1952 وضعیت تعادل در شبکه را بررسی کرد که بعدها با نام او با عنوان اصول وارد راپ معروف شد. اصل اول وارد راپ به عنوان يك اصل منطقي و ساده براي تشریح نحوه توزیع تقاضا بین مسیرهاي مختلف در شرایط تراکم به کار می رود. مطابق این اصل، در شرایط تعادل استفاده کننده هیچ مسافري نمی تواند با تغییر مسیر، هزینه سفر خود (که می تواند زمان سفر او باشد) را کاهش دهد. جریان ترافیکی که این اصل را ارضا کند غالباً تحت عنوان جریان تعادل استفاده کننده یا جریان تعادلی (UE) نامیده می شود. زیرا هر راننده بهترین مسیر را انتخاب کرده است. در صورتی که همه مسافران درک مشابهی از زمان سر داشته باشند، این اصل نتیجه می دهد که زمان سفر مسیرهای استفاده شده در شرایط تعادل با هم برابر بوده و کمتر یا مساوی زمان سفر مسیرهای استفاده نشده است. طبق اصل دوم وارد راپ، الگوی بهینه جریان در شبکه معادل با مینیم سازی کل زمان سفر در شبکه است. در این وضعیت برخی استفاده کننده گان می توانند با تغییر مسیر زمان سفر خود را کاهش دهند. بکمن [9] برای اولین بار رفتار استفاده کننده گان شبکه را براساس دو ایده UE و SO فرمول بندی کرد. در SO فرض بر آن است که همه استفاده کننده گان با هم همکاری می کنند تا کل زمان سفر در شبکه مینیم شود، اما در UE، هر استفاده کننده به دنبال کم کردن زمان سفر خود می باشد.

شفی [2] در 1985 بیان می کند که، در يك سیستم حمل و نقل، رقابتي بین دو گروه وجود دارد. استفاده کننده گان (رانندگان) که رفتارشان با تابع تقاضا معرفي می شود و عرضه کننده گان که رفتارشان با تابع عرضه یا عملکرد معرفي می شود. سیستم حمل و نقل نوعي خدمت است که توسط عرضه کننده گان آن ارائه می گردد. این سیستم شامل انواع ها راه ها، شیوه های سفر و غیره می شود. میزان عملکرد این سیستم توسط سطح سرویس اندازه گیری می شود که می تواند شامل زمان، هزینه و ایمنی سفر باشد. از طرفي تابع تقاضا نشان می دهد که با تغییرات سطح سرویس، تقاضا چگونه کم یا زیاد می شود. جریان توزیع شده در شبکه پس از رسیدن سیستم حمل و نقل به تعادل بین عملکرد و تقاضا، جریان تعادلي نامیده می شود. مطابق

شفی [2] مسئله تخصیص ترافیک تعادلی، نوعی مسئله تخصیص ترافیک برای تعیین جریان تعادلی در شبکه است. مسئله تخصیص تعادلی بر پایه قانون تعادل استفاده کننده استوار می باشد. مطابق این قانون در شرایط تعادل هیچ راننده ای نمی تواند با تغییر مسیر خود، زمان سفرش را کاهش دهد. در این قانون فرض می شود که تمام رانندگان اطلاع دقیقی از همه مسیرهای موجود و زمان سفرهای آنها دارند و الگوی جریان در شبکه در بازه زمانی مورد نظر ثابت است. فرض اول یعنی اطلاع دقیق رانندگان از مسیرها، میتواند دست کم برای همه رانندگان صادق نباشد. بر این اساس مدل های تعادلی به مدلهای قطعی و تصادفی تقسیم می شوند. در مدل قطعی اطلاعات رانندگان از مسیرها یکسان، ولی در مدل تصادفی این اطلاعات ناقص و متفاوت هستند. به علاوه، در هر یک از این دو مدل، اگر تقاضا سفر با زمان تغییر کند مدل دینامیکی و اگر تقاضا نسبت به زمان ثابت باشد مدل استاتیکی نامیده می شود.

1-3-2- مدل بهینه سازی تخصیص ترافیک با تقاضای ثابت

همان گونه که آشتیانی [1] در 1976 بیان می کند، زمان سفر کمان ها معمولاً بهترین معیار برای ارزیابی عملکرد ترافیکی کمان ها هستند. زمان سفر یک کمان نه تنها تابعی از جریان در آن کمان، بلکه تابعی از جریان در کمان های اطراف آن نیز می باشد. اما در اغلب مدل های تخصیص ترافیک، به منظور ساده سازی در حل مسئله، فرض می شود که زمان سفر هر کمان فقط به جریان در آن کمان بستگی دارد. به علاوه زمان سفر هر مسیر برابر حاصل جمع زمان سفر کمان های تشکیل دهنده آن مسیر است. واضح است که با افزایش جریان در یک کمان ابتدا سرعت به طور ملایم کاهش یافته و سپس با افزایش تراکم وسایل نقلیه و ایجاد صف، کاهش سرعت شدت یافته و زمان سفر افزایش می یابد. در عمل فرض می شود که تابع زمان سفر هر کمان پیوسته، مشتق پذیر، غیر منفی و اکیداً صعودی (یا فقط صعودی) است. توابع زمان سفر متفاوتی برای کاربردهای مختلف، در مراجع پیشنهاد شده اند. تابع زمان سفر مورد

استفاده در این پژوهش همان تابع معروف BPR [2] است. مسئله UE تحت دو فرض:

1- تابع زمان سفر هر کمان، تنها تابعی از جریان در همان کمان باشد.

2- تابع زمان سفر مثبت و اکیدا صعودی باشد.

به یک مسئله بهینه سازی تبدیل می شود. این مسئله بهینه سازی که توسط بکمن [9] ارائه شده به شرح زیر است: (2-2)

$$\left\{ \begin{array}{l} \min z(x) = \sum_a \int_0^{x_a} t_a(\omega) d\omega \\ s.t. \\ \sum_k f_k^{rs} = q_{rs} \quad \forall r,s \\ f_k^{rs} \geq 0 \quad \forall r,s,k \\ x_a = \sum_{rs} \sum_k f_k^{rs} \delta_{ak}^{rs} \quad \forall a \in A \end{array} \right.$$

در این مدل x_a جریان در کمان a ، $t_a(x)$ تابع زمان سفر کمان a ، f_k^{rs} جریان در مسیر k برای زوج مبدا مقصد rs و q_{rs} تقاضای بین زوج مبدا مقصد rs می باشد. همچنین پارامتر δ_{ak}^{rs} برابر یک است اگر کمان a روی مسیر k مربوط به زوج مبدا مقصد rs واقع باشد و در غیر این صورت برابر برابر صفر است. در مدل بکمن (2-2) تابع هدف برابر مجموع انتگرال های توابع زمان سفر کمان ها است. این تابع هدف همان گونه که شفی [2] بیان می کند هیچ تعبیر اقتصادی یا رفتاری ندارد. در این مدل محدودیت اول بیان می دارد که مجموع جریان عبوری از مسیر های مربوط به یک زوج مبدا مقصد بایستی با تقاضای مربوط به آن زوج برابر باشد. محدودیت دوم به دلیل اطمینان از غیرمنفی شدن جریان بیان شده و محدودیت سوم نشان دهنده رابطه بین جریان در مسیر k مربوط به زوج مبدا مقصد rs و جریان در کمان a می باشد. الگوریتم فرانک - ولف¹ (FW) معروف ترین روش حل مسئله تخصیص ترافیک (2-2) است.

¹- Frank - Wolfe

مدل بهینه سازی SO نیز مشابه (2-2) تعریف می شود با این فرق که تابع هدف آن مینیمم سازی کل زمان سفر استفاده کنندگان به صورت $\sum_a t_a(x_a)x_a$ است.

2-3-2- مدل بهینه سازی تخصیص ترافیک با تقاضای متغیر

مدل بهینه سازی UE (2-2) که در بخش قبل به آن اشاره شد با فرض ثابت و معین بودن تقاضا بین هر زوج مبدا مقصد نوشته شده است. همان گونه که شفی [2] بیان می کند در واقعیت تقاضا تحت تاثیر سطح سرویس شبکه است؛ به طور مثال هر چه تراکم افزایش می یابد استفاده کنندگان تصمیم می گیرند از مسیر های جایگزین یا شیوه های دیگر برای جابجایی استفاده کنند.

برای فرمول بندی UE با تقاضای متغیر فرض کنید تقاضای سفر q_{rs} بین هر زوج مبدا مقصد rs در شبکه تابعی به صورت $q_{rs} = D_{rs}(u_{rs})$ است که در آن u_{rs} مینیمم زمان سفر بین زوج مبدا مقصد rs و $D_{rs}(\cdot)$ تابع تقاضا بین آن زوج می باشد. در این حالت مسئله بهینه سازی UE با تقاضای متغیر به فرم زیر نوشته می شود.

(3-2)

$$\left\{ \begin{array}{l} \min z(x, q) = \sum_a \int_0^{x_a} t_a(\omega) d\omega - \sum_{rs} \int_0^{q_{rs}} D_{rs}^{-1}(\omega) d\omega \\ st. \\ \sum_k f_k^{rs} = q_{rs} \quad \forall r, s \\ f_k^{rs} \geq 0 \quad \forall r, s, k \\ q_{rs} \geq 0 \quad \forall r, s \end{array} \right.$$

که در آن $D_{rs}^{-1}(\cdot)$ معکوس تابع تقاضا زوج مبدا مقصد rs می باشد و رابطه $x_a = \sum_{rs} \sum_k f_k^{rs} \delta_{ak}^{rs}$ برای هر $a \in A$ برقرار است. تابع هدف این مسئله در مقایسه با مدل بکمن (فرمول 2-2) شامل یک قسمت اضافی و برابر با مجموع انتگرال های معکوس

توابع تقاضا است. محدودیت های اول و دوم در مدل بکمن شرح داده شد و محدودیت سوم برای اطمینان از غیر منفی بودن تقاضای زوج های مبدا مقصد در حل مسئله است. تابع هدف مدل (2-3) به صورت مدل (2-4) قابل تجزیه است.

(4-2)

$$\begin{cases} \min z(x, q) = \min\{z_1(x) - z_2(q)\} \\ z_1(x) = \sum_a \int_0^{x_a} t_a(\omega) d\omega \\ z_2(q) = \sum_{rs} \int_0^{q_{rs}} D_{rs}^{-1}(\omega) d\omega \end{cases}$$

با توجه به تابع هدف تجزیه شده معادله لاگرانژ مدل (3-2) به فرم زیر خواهد بود.

(5-2)

$$L(f, q, u) = z_1[x(f)] + z_2(q) + \sum_{rs} u_{rs} (q_{rs} - \sum_k f_k^{rs})$$

در معادله (5-2) u عبارتند از بردار u_{rs} ها که نشانگر مینیمم زمان سفر بین زوج مبدا مقصد rs است. در نهایت با توجه به معادلات (2-3) الی (2-5) شرایط مرتبه اول مسئله تعادل استفاده کننده با تقاضای متغیر به صورت معادلات (2-6) نوشته می شود.

(6-2)

$$\left\{ \begin{array}{l} f_k^{rs} \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial f_k^{rs}} = 0 \quad \forall r, s, k \\ \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial f_k^{rs}} \geq 0 \quad \forall r, s, k \\ q_{rs} \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial q_{rs}} = 0 \quad \forall r, s \\ \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial q_{rs}} \geq 0 \quad \forall r, s \\ \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial u_{rs}} = 0 \quad \forall r, s \\ f_k^{rs} \geq 0 \quad \forall r, s, k \\ q_{rs} \geq 0 \quad \forall r, s \end{array} \right.$$

واضح است:

(7-2)

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial f_k^{rs}} = c_k^{rs} - u_{rs} \\ \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial q_{rs}} = -D_{rs}^{-1}(q_{rs}) + u_{rs} \\ \frac{\partial L(f, q, u)}{\partial u_{rs}} = q_{rs} - \sum_k f_k^{rs} \end{array} \right.$$

که در آن $c_k^{rs} = \sum_a t_a(x_a) \delta_{ak}^{rs}$ زمان سفر مسیر k از r به s است. با جایگذاری معادلات بالا در (6-2) نتیجه می شود.

(2-8)

$$\left\{ \begin{array}{l} f_k^{rs} (c_k^{rs} - u_{rs}) = 0 \quad \forall r, s, k \\ c_k^{rs} - u_{rs} \geq 0 \quad \forall r, s, k \\ q_{rs} (u_{rs} - D_{rs}^{-1}(q_{rs})) = 0 \quad \forall r, s \\ u_{rs} - D_{rs}^{-1}(q_{rs}) \geq 0 \quad \forall r, s \\ q_{rs} - \sum_k f_k^{rs} = 0 \quad \forall r, s \\ f_k^{rs} \geq 0 \quad \forall r, s, k \\ q_{rs} \geq 0 \quad \forall r, s \end{array} \right.$$

که همان شرایط UE برای تقاضای متغیر هستند. شفی [2] الگوریتم FW را به شرح زیر برای حل مسئله (2-3) تعمیم داد.

گام صفر- (مقدار دهی اولیه)

یک جواب اولیه قابل قبول برای q_{rs}^n و x_a^n بیابید. قرار دهید $n=1$.

گام 1- (به روز رسانی)

برای هر $a \in A$ قرار دهید $t_a^n = t_a^n(x_a^n)$ و مقدار معکوس تابع تقاضا $D_{rs}^{-1}(q_{rs}^n)$ را برای هر زوج مبدا مقصد rs محاسبه کنید.

گام 2- (جهت یابی)

کوتاه ترین مسیر m بین هر زوج مبدا مقصد rs را با توجه به زمان سفر t_a^n بیابید و زمان سفر آن را $C_m^{rs^n}$ بنامید. مطابق معادلات (2-9) و (2-10) مقادیر کمکی y_a^n و v_{rs}^n را بیابید. در معادله (2-9) یک حد بالایی برای تقاضای زوج مبدا مقصد rs می باشد. همچنین $g_k^{rs^n}$ متغیر کمکی جریان در مسیر v_{rs}^n متغیر کمکی تقاضای زوج مبدا مقصد rs می باشند.

(2-9)

$$\begin{cases} \text{if } C_m^{rs^n} < D_{rs}^{-1}(q_{rs}^n) \rightarrow g_m^{rs^n} = \bar{q}_{rs} & \& g_k^{rs^n} = 0 \quad \forall k \neq m \\ \text{if } C_m^{rs^n} > D_{rs}^{-1}(q_{rs}^n) \rightarrow g_k^{rs^n} = 0 \quad \forall k \end{cases}$$

(2-10)

$$\begin{cases} y_a^n = \sum_{rs} \sum_k g_k^{rs^n} \cdot \delta_{ak}^{rs} & \forall a \\ v_{rs}^n = \sum_k g_k^{rs^n} & \forall r, s \end{cases}$$

گام 3- (اندازه گام)

مقدار α_n (اندازه گام در تکرار n ام) را با توجه به (2-2) بیابید. (11)

(11-2)

$$\begin{cases} \min z(\alpha) = \sum_a \int_0^{x_a^n + \alpha(y_a^n - x_a^n)} t_a(\omega) d\omega - \sum_{rs} \int_0^{q_{rs}^n + \alpha(v_{rs}^n - q_{rs}^n)} D_{rs}^{-1}(\omega) d\omega \\ s.t. \\ 0 \leq \alpha \leq 1 \end{cases}$$

گام 4- (به روز رسانی جریان)

مقادیر x_a^{n+1} و q_{rs}^{n+1} را به روز رسانی کنید.

(12-2)

$$\begin{cases} x_a^{n+1} = x_a^n + \alpha_n (y_a^n - x_a^n) \\ q_{rs}^{n+1} = q_{rs}^n + \alpha_n (v_{rs}^n - q_{rs}^n) \end{cases}$$

گام 5 (معیار همگرایی)

اگر معادله (2-13) برقرار بود الگوریتم خاتمه می یابد؛ در غیر این صورت قرار دهید $n = n+1$ و به گام 1 بازگردید. در این معادله κ عبارتند از معیار همگرایی.

(13-2)

$$\sum_{rs} \frac{|D_{rs}^{-1}(q_{rs}^n) - u_{rs}^n|}{u_{rs}^n} + \sum_{rs} \frac{|u_{rs}^n - u_{rs}^{n-1}|}{u_{rs}^n} \leq \kappa$$

■

2-4-2- مروری بر الگوریتم های طراحی شبکه حمل و نقل

مسئله طراحی شبکه گسسته نخستین بار توسط استینبرینک [17] در 1974 مورد بررسی قرار گرفته است. در این پژوهش بهینه سازی به صورت تک هدفه بوده و تابع هدف آن مینیمم کردن کل هزینه اجتماعی¹ استفاده کنندگان شبکه می باشد. برای تخصیص ترافیک از مدل SO

¹ - Min. total societal cost

استفاده شده، تقاضا به صورت ثابت بوده و متغیر تصمیم افزایش ظرفیت معابر موجود و ساخت معابر جدید در نظر گرفته شده است. همچنین از الگوریتم تجزیه تکراری¹ برای حل مسئله استفاده شده است. لبلانک [18] در 1975 به حل DNDP به صورت تک هدفه با تابع هدف مینیمم کردن زمان سفر کل و استفاده از مدل تخصیص ترافیک UE با تقاضای ثابت پرداخت. متغیر تصمیم افزایش ظرفیت معابر موجود بوده و مسئله با استفاده از روش شاخه و کرانه حل شده است. پورزاهدی و ترنکوئیست [19] در 1982 با فرضیات مشابه لبلانک [18] به حل DNDP پرداختند. تفاوت پژوهش آن ها با لبلانک [18] در نظر گرفتن متغیر تصمیم ساخت معابر جدید و استفاده از روش ابتکاری Branch and Backtrack به جای روش شاخه و کرانه می باشد. چن و آلفا [20] در 1991 DNDP تک هدفه با تابع هدف کمترین مسافت سفر به علاوه هزینه ساخت را با به کارگیری تخصیص ترافیک UE تصادفی با تقاضای ثابت حل کردند. متغیر تصمیم آن ها تنها ساخت راه های جدید بوده و از روش شاخه و کرانه برای حل مسئله سطح بالا و روش تخصیص جزئی تصادفی² برای حل مسئله سطح پایین استفاده نموده اند. گائو و همکاران [22] در 2005 DNDP مشابه لبلانک [18] را مورد بررسی قرار دادند. تفاوت آن ها با لبلانک [18] استفاده از متغیر تصمیم ساخت راه جدید و بکارگیری روش عمومی تجزیه بندرز با تابع حمایت³ برای حل مسئله می باشد. پورزاهدی و ابولقاسمی [23] در 2005 به حل DNDP مانند مسئله مورد بررسی پورزاهدی و ترنکوئیست [19] پرداختند با این تفاوت که آن ها از روش کلونی مورچه⁴ برای حل مسئله خود استفاده کردند. پورزاهدی و روحانی [24] نیز در 2007 به حل DNDP با مشخصاتی شبیه مسئله پورزاهدی و ترنکوئیست [19] پرداختند با این تفاوت که آن ها از هیبرید روش

¹- Iterative decomposition algorithm

²- Stochastic increment assignment

³- Generalized Benders decomposition method with support function

⁴- Ant Colony

فراابتکاری کلونی مورچه و روش های الگوریتم ژنتیک¹، شبیه سازی سرد و گرم شدن² و جستجوی تابو³ استفاده کردند. نتیجه کار آن ها این بود که روش های فراابتکاری هیبرید شده سرعت و دقت حل مسئله را افزایش می دهند. فراهانی و میاندوآبچی [33] در 2010 به حل DNDP به صورت تک هدفه با تابع هدف ماکزیم ظرفیت رزرو⁴ و استفاده از مدل تخصیص ترافیک UE با تقاضای ثابت پرداختند. متغیرهای تصمیم گیری در این پژوهش تخصیص باند در معابر دو طرفه، یک طرف کردن معابر و افزایش ظرفیت معابر موجود می باشد. همچنین این پژوهشگران از روش بهبود یافته شبیه سازی سرد و گرم شدن و هیبرید روش های شبیه سازی سرد و گرم شدن و الگوریتم ژنتیک برای حل مسئله استفاده نمودند. بابازاده و همکاران [38] در 2011 با استفاده از الگوریتم بهینه سازی گروه ذرات⁵ به حل DNDP با مشخصات مسئله پورزاهدی و ترنکوئیست [19] پرداختند و کارایی این روش را نسبت به روش های ارائه شده در [24] نشان دادند. وانگ و همکاران [39] در 2013 DNDP را با مشخصاتی شبیه مسئله پورزاهدی و ترنکوئیست [19] با بهره گیری از دو روش بهینه سازی جهانی⁶ حل کردند، که در این دو روش از رابطه بین UE و SO استفاده شده است. ژانگ و همکاران [40] در 2014 به بررسی مسئله طراحی شبکه گسسته به صورت یک سطحی با محدودیت تکمیلی در حالت چند شیوه ای⁷ با در نظر گیری شبکه معابر و ترانزیت پرداختند. در این پژوهش متغیرهای تصمیم اضافه شدن ظرفیت معابر، جانمایی مسیر اتوبوس ها، تعیین فرکانس و میزان کرایه آن ها در نظر گرفته شده و اثر برهم کنش بین شیوه ها با استفاده از

¹- Genetic Algorithm

²- Simulated Annealing

³- Tabu Search

⁴- Max. reserve capacity

⁵- Particle swarm optimization

⁶- Global optimization

⁷- Multimodal

تعادل استفاده کننده ی چند شیوه ای حل شده است. و در نهایت دیوید وانگ و همکاران [54] در 2015 یک روش بهینه سازی جهانی برای حل DNDP با مشخصات مسئله پورزاهدی و ترنکوئیست [19] ارائه کردند. در این روش علاوه بر تعیین پروژه ها (معابر مورد نیاز برای اضافه شدن به شبکه) ظرفیت بهینه معبر نیز محاسبه می شود. نکته قابل توجه آن که مطابق فراهانی و همکاران [16] مباحثی مانند استفاده از تقاضای متغیر در مسائل طراحی شبکه تاکنون مورد بحث و پژوهش قرار نگرفته است.

5-2- مدل دو سطحی طراحی شبکه گسترده با تقاضای ثابت

مسائل طراحی شبکه را میتوان براساس استفاده از مدل های بهینه سازی SO یا UE به جای تابع *Assign* در مدل (1-2) به دو دسته تقسیم کرد. استفاده از مدل SO موجب تبدیل مسئله NDP به مسئله ای یک سطحی می شود که حل آن ساده تر است. اما، مشکل اساسی این حالت غیرواقعی بودن آن است. با در نظر گرفتن مدل UE مسئله NDP به مسئله ای دو سطحی تبدیل می شود که UE به عنوان مسئله سطح پایین می باشد. حل مسئله دو سطحی NDP دشوار است اما به دلیل واقعی تر بودن فرض بکار رفته، محققان این مدل را برای مسئله طراحی شبکه ترجیح می دهند و در این پایان نامه نیز از حالت دو سطحی استفاده می شود. در این حالت در سطح بالا گردانندگان سیستم تصمیم می گیرند که چه پروژه هایی روی شبکه اجرا شود و در سطح پایین استفاده کنندگان در مورد چگونگی استفاده از شبکه تصمیم می گیرند. DNDP با تقاضای ثابت با استفاده از مدل بهینه سازی UE (2-2) به عنوان مسئله سطح پایین به صورت زیر عنوان می شود.

(14-2)

$$ULP \left\{ \begin{array}{l} MinT(y) = \sum_{a \in A-\bar{A}(y)} x_a t_a(x_a) + \sum_{a \in \bar{A}(y)} x_a \bar{t}_a(x_a) \\ s.t. \\ \sum_{a \in \bar{A}} c_a y_a \leq B \\ y_a \in \{0, 1\} \quad \forall a \in \bar{A}(y) \\ x(y) \text{ is solution of } LLP(y) \end{array} \right.$$

(15-2)

$$LLP(y) \left\{ \begin{array}{l} \min z(x) = \sum_{a \in A-\bar{A}(y)} \int_0^{x_a} t_a(w) dw + \sum_{a \in \bar{A}(y)} \int_0^{x_a} \bar{t}_a(w) dw \\ s.t. \\ \sum_k f_k^{rs} = q_{rs} \quad \forall r, s \\ f_k^{rs} \geq 0 \quad \forall r, s, k \\ x_a = \sum_{(r,s)} \sum_k f_k^{rs} \delta_{ak}^{rs} \quad \forall a \in A \cup \bar{A}(y) \end{array} \right.$$

در این مدل تابع هدف مسئله سطح بالا (14-2) به دنبال یافتن متغیر تصمیم گیری $y=(y_a)$ برای مینیم کردن کل زمان سفر شبکه $T(y)$ است. و مدل سطح پایین (15-2) یک الگوریتم تخصیص ترافیک است که جریان $x(y)$ را برای تصمیم y بدست می آورد. در ادامه به معرفی دو الگوریتم شناخته شده برای حل مسئله طراحی شبکه گسسته با تقاضای ثابت می پردازیم. روش اول یک روش دقیق (الگوریتم لبلاک)، و روش دوم یک روش فرا ابتکاری (الگوریتم بهینه سازی گروه ذرات) خواهد بود.

1-5-2- الگوریتم لبلاک

روش پیشنهادی لبلاک [43] از نوع روشهای شاخه و کرانه برای حل DNDP می باشد که در آن تناقض بریز [45] شناسایی و در فرایند حل مسئله در نظر گرفته می شود. بدین ترتیب که این روش مطمئن می شود که افزایش سرمایه گذاری حتما باعث کاهش تابع هدف طراحی (کل زمان سفر در

شبکه) خواهد شد. روش شاخه و کرانه به صورت مرحله به مرحله یک ساختار درختی می سازد، بدین شرح که در هر مرحله یکی از گره های درخت (پدر) با شاخه شدن دو گره جدید (فرزندان) را ایجاد می کند. این فرایند از یک گره به نام گره ریشه شروع و گره های جدید به آن اضافه می شوند. هر گره از این درخت توسط یک کمان جهت دار به دو گره فرزند خود متصل می شود.

فرض کنید $m=|A|$ پروژه برای انتخاب در DNDP وجود دارد. در الگوریتم لبلاک هر گره درخت معرف یک جواب نیمه کامل برای مسئله طراحی شبکه است. این جواب نیمه کامل با بردار m بعدی z نشان داده می شود که در مورد 0 یا 1 بودن برخی از اجزای آن هنوز تصمیم گیری نشده است. به طور مثال $z=(0,1,1,_,\dots,_)$ یک جواب نیمه کامل است که تصمیم گیری در مورد ساخت کمانهای 4 تا m قطعی نمی باشد. فرض کنید $l_0(z), l_1(z)$ نشانگر پروژه هایی هستند که در گره z به ترتیب در مقادیر 0 و 1 ثابت شده اند. در مثال قبلی $l_0(z)=1, l_1(z)=\{2,3\}$ است. همچنین فرض کنید $l(z)$ معرف پروژه های آزاد (پروژه هایی در z است که هنوز در مورد آنها تصمیم گیری نشده است) می باشد. در مثال قبلی $l(z)=\bar{A}-l_1(z)-l_0(z)$ می باشد و هر سه مجموعه اخیر زیر مجموعه هایی از \bar{A} هستند.

در هر مرحله از دستور حل، یک گره z از درخت انتخاب، و براساس قبول یک پروژه یا رد آن پروژه، دو گره جدید که متناظر با دو جواب نیمه کامل دیگر هستند ایجاد و z توسط دو شاخه (کمان) جهت دار به آن دو گره متصل می شود. در این دو جواب جدید، تصمیم گیری در خصوص پروژه $a \in l(z)$ نهایی شده به طوری که در یکی $v_a=0$ و در دیگری $v_a=1$ می باشد. برای هر گره نیمه کامل z ، آیندگان z به مجموعه جوابهای کاملی اطلاق می شود که می توانند از گره z تولید شوند. در مثال قبلی، جواب $v=(0,1,1,0,\dots,0)$ یکی از آیندگان z می باشد. مجموعه آیندگان z با $S(z)$ نشان داده می شود.

هر بار که گره ای مثل z ایجاد شود، مقداری به عنوان حد پایین تابع هدف مسئله طراحی شبکه برای همه جواب های موجود در $S(z)$ محاسبه می شود. محاسبه حد پایین یکی از قواعد اصلی در روش های شاخه و کرانه است زیرا می تواند از شاخه شدن های بی حاصل جلوگیری نماید. در

دستور حل لبلاَنك، براي تعيين حد پايين هر گره z كافي است مسئله تعادل سيستم براي يكي از آيندگان z كه در آن $y_0=1$ براي هر $a \in I(z)$ است حل و سپس مقدار تابع هدف طراحي متناظر با آن جواب محاسبه شود. الگوريتم لبلاَنك به شرح زير است.

گام صفر - آماده سازي

جريان تعادل استفاده كننده شبکه موجود $y=0$ را بدست آوريد. قرار دهيد $y^*=0$ و $T^*=T(0)$

مجموعه جواب هاي نيمه كامل را با گره ريشه z_0 تشكيل دهيد بطوريكه $I(z_0)=\bar{A}$. حد پايين ريشه درخت را برابر كل زمان سفر در جريان تعادل استفاده كننده در شبکه نظير $y=1$ قرار دهيد. شمارنده تکرار را برابر $n=1$ قرار دهيد.

گام 1 - شاخه كردن

از مجموعه جوابهاي نيمه كامل، جواب نيمه كامل، z داراي كمترين مقدار حد پايين را انتخاب كرده، اين جواب را از مجموعه يادشده حذف كنيد و بجاي آن دو جواب نيمه كامل z_j و z_k را با ثابت كردن يكي از مولفه هاي آزاد z به ترتيب در 0 و 1 جايجزين كنيد.

گام 2 - بررسي امکان پذيري

اگر جواب z_k (بدون احتساب پروژهيهاي آزاد $I(z_k)$) در محدوديت بودجه مي گنجد، به گام 3 برويد. در غير اينصورت هيچ يك از آيندگان $S(z_k)$ نيز در محدوديت بودجه نخواهند گنجيد. z_k را از مجموعه جوابهاي نيمه كامل حذف كنيد و به گام 4 برويد.

گام 3 - تعيين کرانه

اگر z_k و z_j جواب هاي كامل هستند جريان تعادل UE را براي شبکه هاي نظير حل كنيد و مقدار تابع هدف طراحي (كل زمان سفر در شبکه) را براي هريك از آنها محاسبه كنيد. اين زمان سفرها را با مقدار بهينه جاري T^* مقايسه كرده و كمترين مقدار آنها را به عنوان مقدار بهينه

جاري T^* ثابت و شبکه نظير آن را شبکه بهينه جاري γ^* بناميد.

اگر z_k يا z_j جواب نيمه كامل هستند، مسئله تعادل سيستم را براي z_j و با فرض $\gamma_a=1$ براي $a \in I(z_j)$ حل كنيد و مقدار تابع هدف طراحي متناظر را برابر حد پايين گره z_j قرار دهيد. در ضمن، حد پايين گره z_k را برابر حد پايين گره پدر z قرار دهيد. اگر حد پايين z_j بيش از مقدار بهينه جاري T^* باشد گره z_j را از مجموعه جوابهاي نيمه كامل حذف كنيد.

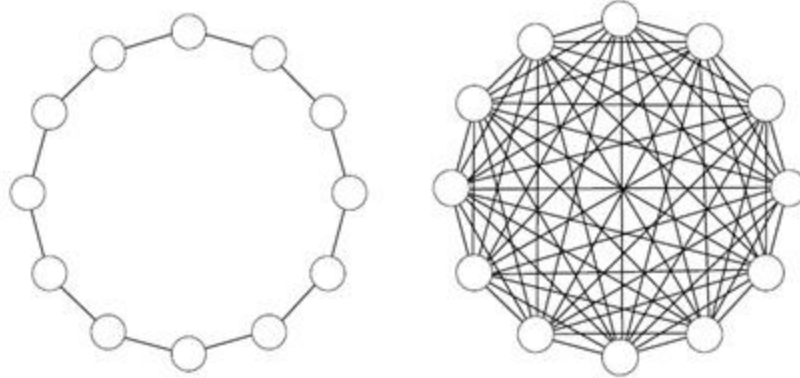
گام 4 - پايان

اگر مجموعه جوابهاي نيمه كامل تهی نيست، قرار دهيد $n=n+1$ و به گام 1 برگرديد، در غير اينصورت شبکه γ^* بهترين شبکه از نظر كل زمان سفر در شبکه است و سرمايه گذاري مربوط به آن در محدوديت بودجه مي گنجد. ■

2-5-2- الگوريتم بهينه سازي گروه ذرات

الگوريتم استاندارد PSO با مجموعه اي از ذرات كه هر کدام از آنها نشان دهنده يك راه حل هستند آغاز مي شود. هر ذره براي يافتن جواب هاي جديد در فضاي جستجوي مسئله (كه در حالت كلي يك فضاي چند بعدي است) حرکت مي كند و سرعت حرکت در آن فضا بر اساس تجربيات خودش و همسايگاناش تنظيم مي شود. اساساً دو نوع الگوريتم PSO موجود است [46] كه در اندازه همسايگي با يكديگر متفاوت هستند. اين دو الگوريتم، الگوريتمهاي $lbest$ و $gbest$ ناميده مي شوند. در الگوريتم $lbest$ توپولوژي شبکه اجتماعي به شكل يك حلقه است يعني هر ذره دو همسايه دارد و بنابراین مولفه اجتماعي سرعت متاثر از بهترين موقعيت تجربه شده توسط همان دو همسايه مي باشد. در الگوريتم $gbest$ هر ذره از بهترين موقعيت تجربه شده توسط تمام ذرات ديگر متاثر مي شود و در واقع همه ذرات، همسايه يكديگر محسوب مي شوند. اين نوع توپولوژي شبکه اجتماعي ستاره نام دارد. نام گذاري اين دو الگوريتم نيز به همين سبب است. در الگوريتم $lbest$ هر ذره از

بهترین موقعیت محلی¹ در اطراف خود استفاده می کند ولی در الگوریتم gbest هر ذره از بهترین موقعیت جهانی² استفاده می کند. از این پس منظور از الگوریتم PSO نوع gbest آن می باشد. در شکل 1 شمایی کلی از رفتار مدل های lbest و gbest نشان داده شده است.



شکل 1-2 - توپولوژی شبکه اجتماعی در مدل های lbest (سمت چپ) و gbest (سمت راست)

در الگوریتم استاندارد PSO فضای مسئله يك فضای پیوسته است. فرض کنید بردار مکان ذره i و p_{ij} مکان آن در بعد j است. همچنین فرض کنید بردار سرعت ذره i می باشد. $p_i(t)$ که مکان ذره i در فضای جستجو در تکرار زمانی³ t است، با اضافه کردن سرعت فعلی $v_i(t)$ به مکان ذره در تکرار زمانی $(t-1)$ بدست می آید.

$$(16-2)$$

$$p_i(t) = p_i(t-1) + v_i(t)$$

اجزای $p_i(t=0)$ نیز به صورت تصادفی از بازه $[-p_{max}, p_{min}]$ انتخاب می شوند. بردار سرعت فرآیند بهینه سازی را به جلو هدایت می کند و نمایانگر دانش تجربی ذره و اطلاعات اجتماعی اوست که از همسایگان ذره دریافت شده است.

¹ - Local best position

² - Global best position

³ - Time step

دانش تجربی هر ذره عموماً به عنوان مولفه آگاهی¹ شناخته می شود که متناسب با فاصله ذره از بهترین مکانی که تاکنون تجربه کرده، بهترین مکان شخصی² می باشد. اطلاعات اجتماعی نیز به عنوان مولفه اجتماعی³ در معادلات سرعت استفاده می شود. در الگوریتم استاندارد PSO، سرعت ذره i در جهت z در زمان $t+1$ براساس موقعیت و سرعت آن ذره در زمان t به صورت زیر محاسبه می شود.

$$(17-2)$$

$$v_{ij}(t+1) = \omega v_{ij}(t) + c_1 r_1 (p_{ij}^*(t) - p_{ij}(t)) + c_2 r_2 (p_g^*(t) - p_{ij}(t))$$

که $v_{ij}(t)$ سرعت و $p_{ij}(t)$ مکان ذره i در بعد z در زمان t ، c_1 و c_2 دو عدد ثابت مثبت برای تعیین سهم مولفه های شخصی و اجتماعی، و r_1 و r_2 دو مقدار تصادفی در بازه $(0,1)$ هستند. این مقادیر تصادفی اجزای تصادفی الگوریتم را تشکیل می دهند. ω وزن اینرسی است که برای افزایش سرعت همگرایی و کنترل تاثیر سرعت گذشته بر سرعت جدید ذرات در نظر گرفته می شود [46]. اجزای v_i را می توان در بازه $[-v_{max}, v_{min}]$ محدود کرد تا احتمال خروج ذرات از فضای جستجو کاهش داده شود. مقدار v_{max} معمولاً طبق رابطه $k \times p_{max}$ تعیین می شود که $0.1 < k < 1.0$ است [46]. بهترین موقعیت تجربه شده توسط ذره i و $p_g^*(t)$ بهترین موقعیت تجربه شده توسط کل گروه از لحظه شروع الگوریتم تا زمان t می باشند. اگر مسئله ما یافتن مینیمم یک تابع باشد، p_i^* در زمان t به صورت (18-2) محاسبه می شود.

¹- Cognitive component

²- Personal best position

³- Social component

(18-2)

$$p_i^*(t) = \begin{cases} p_i^*(t-1) & \text{if } f(p_i^*(t-1)) \leq f(p_i(t)) \\ p_i(t) & \text{if } f(p_i^*(t-1)) > f(p_i(t)) \end{cases}$$

که در آن f همان تابع مورد نظر مسئله است که تابع صلاحیت¹ یا تابع برازندگی² نامیده می شود. این تابع نشان می دهد که چقدر به پاسخ مسئله نزدیک هستیم و در واقع میزان صلاحیت و شایستگی موقعیت یک ذره را تعیین می کند. به همین ترتیب $p_g^*(t)$ نیز به صورت زیر محاسبه می شود:

(19-2)

$$p_g^*(t) = \begin{cases} p_g^*(t-1) & \text{if } f(p_g^*(t-1)) \leq \min_i f(p_i(t)) \\ \arg(\min_{p_i} T(p_i(t))) & \text{if } f(p_g^*(t-1)) > \min_i f(p_i(t)) \end{cases}$$

بابازاده و همکاران [38] الگوریتمی مبتنی بر PSO پیوسته برای حل مسئله طراحی شبکه گسسته ارائه کردند. در ادامه به تشریح این الگوریتم پرداخته می شود.

فرض کنید $m = |\bar{A}|$ پروژه نامزد برای انتخاب در DNDP وجود دارد. در این حالت، هر جواب γ مسئله به صورت یک رشته باینری m بیتی تعریف شده، و در نتیجه فضای جستجوی مسئله یک فضای باینری m بعدی است که هر نقطه در آن نماینده یک جواب امکان پذیر (جوابی که در محدودیت بودجه صدق کند) برای مسئله طراحی شبکه است. استفاده از PSO پیوسته برای حل DNDP نیازمند اصلاحاتی در الگوریتم اصلی PSO می باشد. اولاً، DNDP یک مسئله ترکیبی بر حسب متغیر γ است. به منظور تطبیق PSO پیوسته با این مسئله ترکیبی، این پژوهشگران از این ایده استفاده می کنند که هر عدد باینری m بعدی قابل تبدیل به یک عدد صحیح در فاصله پیوسته $[0, 2^m - 1]$ است. بر این اساس آنها با تبدیل فضای جستجو باینری m بعدی به فضای پیوسته یک بعدی، الگوریتمی مبتنی بر PSO پیوسته برای

¹ - Merit function

² - Fitness function

حل مسئله ارایه کردند. در این الگوریتم ابتدا موقعیت p_i هر ذره i که يك عدد اعشاري است را به نزدیکترین عدد صحیح در فاصله $[0, 2^m - 1]$ منتقل، و سپس عدد صحیح حاصل به يك رشته باینري m بعدي تبدیل می شود. این تبدیل با تابع $\gamma(p_i)$ نمایش داده می شود. ثانیاً، PSO استاندارد باید با محدودیت بودجه موجود در DNDP تطبیق داده شود. این کار با يك اصلاح ساده در الگوریتم انجام می گیرد، بدین شرح که تابع برازندگی هر جواب امکان ناپذیر برابر عدد بزرگ M قرار داده می شود.

هر ذره با حرکت از موقعیت فعلی خود (جواب فعلی) در هر تکرار به موقعیت بعدي (جواب بعدي) در تکرار بعدي می رسد، و هر جواب با محاسبه مقدار تابع هدف به ازای آن ارزیابی می شود. نرخ جابجایی (سرعت) ذره i در فضای يك بعدي با v_i ، بهترین جواب محلی ذره i (جوابی که کمترین مقدار تابع هدف را می دهد) با p_i^* و بهترین جواب جهانی با p_g^* نشان داده می شوند. در هر تکرار t سرعت ذره i توسط رابطه (20-2) بهنگام می شود [38]:

(20-2)

$$v_i(t+1) = \omega v_i(t) + c_1 r_1 (p_i^*(t) - p_i(t)) + c_2 r_2 (p_g^*(t) - p_i(t))$$

که در آن c_1 و c_2 مقادیر ثابتی هستند که برابر با 2 در نظر گرفته می شوند. r_1 و r_2 اعدادی تصادفی در بازه (0 و 1) هستند، ω همراه با افزایش تکرار از $\omega_i = 1.2$ به $\omega_f = 0.4$ کاهش می یابد، و $v_{\max} = 0.5 p_{\max}$ در نظر گرفته شده است. موقعیت ذره i در تکرار $t+1$ با استفاده از رابطه زیر بهنگام می شود:

(21-2)

$$p_i(t) = p_i(t-1) + v_i(t)$$

مراحل الگوریتم PSO پیوسته به صورت زیر می باشد:

گام صفر - آماده سازی

تعداد ذرات m ، پارامترهاي c_1 و c_2 ، وزن اينرسی اوليه و نهايي ω_i و ω_f ، حداكثر سرعت v_{max} ، و تعداد تکرار N را انتخاب کنید. مسئله UE را براي شبکه پایه $y=0$ حل کنید و تابع هدف طراحی نظیر آن را $T(0)$ بنامید.

براي هر پروژه $j=1, \dots, m$ ، مسئله تعادل UE را حل کنید، تابع هدف طراحی آنرا T^j بنامید، و جذابیت پروژه j را برابر $T(0) - T^j$ قرار دهید. سپس براي هر ذره $i=1, \dots, m$ موقعیت اوليه $p_i = (p_{ij})$ را به طور رندوم در فاصله $[0, 2^m - 1]$ به گونه ای تعیین کنید که $v(p_i)$ در محدودیت بودجه صدق کند. مسئله UE را براي جواب $v(p_i)$ حل و تابع برازندگی $f(p_i)$ را برابر مقدار تابع هدف طراحی آن جواب قرار دهید؛ قرار دهید $p_i^* = p_i$ و v_i را بطور تصادفی در بازه $[-v_{min}, v_{max}]$ تولید کنید. قرار دهید $\omega = \omega_i$ ، $p_g^* = \arg(\min(f(p_1), \dots, f(p_m)))$ ، و شمارنده تکرار را برابر $t=0$ قرار دهید.

گام 1 - بهنگام کردن موقعیت و سرعت ذرات

براي هر $i=1, \dots, m$ ، اعداد تصادفی r_1, r_2 را در $(0, 1)$ تولید کنید؛ و قرار دهید:

$$v_i = \omega v_i + c_1 r_1 (p_i^* - p_i) + c_2 r_2 (p_g^* - p_i) \quad (22-2)$$

v_i را در دامنه $[-v_{min}, v_{max}]$ محدود کنید، و قرار دهید:

$$p_i = p_i + v_i \quad (2-23)$$

p_i را در دامنه $[0, 2^m - 1]$ محدود کنید.

گام 2- محاسبه تابع برازندگی ذرات

براي هر $i=1, \dots, m$ ، در صورتیکه $v(p_i)$ يك جواب امکان ناپذیر است قرار دهید $f(p_i) = M$ (يك عدد بسیار بزرگ)؛ در غیر اینصورت، مسئله UE را براي آن جواب حل و تابع $f(p_i)$ را برابر تابع هدف طراحی قرار دهید. (در صورتیکه p_i يك جواب تکراري است، $f(p_i)$ از اطلاعات قبلي جایگزین می شود).

گام 3 - محاسبه بهترین موقعیتهای محلی و جهانی برای هر $i=1, \dots, m$ قرار دهید.

(24-2)

$$p_i^* = \arg \min(f(p_i^*), f(p_1))$$

و سپس قرار دهید:

(25-2)

$$p_g^* = \arg \min(f(p_g), (p_1), \dots, f(p_m))$$

گام 4 - بررسی شرط توقف

قرار دهید $t=t+1$. اگر $t \leq N$ قرار دهید $\omega = \max(\omega - (\omega_f - \omega_i)/N, \omega_f)$ و به گام 1 برگردید. در غیر اینصورت $y^* = y(p_g^*)$ را با تابع هدف طراحی $T^* = T(y^*)$ به عنوان بهترین جواب بدست آمده برای مسئله طراحی شبکه گزارش کنید. ■

6-2- جمع بندی

مسئله طراحی شبکه حمل و نقل از جمله مباحث پیچیده و مورد توجه در زمینه مدیریت شهری می باشد. برخی پژوهشگران مانند لبلانک [18] روش های حل دقیق را برای این مسئله پیشنهاد کرده اند. برخی دیگر از محققین مانند بابازاده و همکاران [38] با توجه به محدودیت روش های حل دقیق برای حل مسائل واقعی و بزرگ مقیاس، روش های ابتکاری و فراابتکاری را برای این مسئله پیشنهاد نموده اند. استفاده فرضیاتی که بیشتر به واقعیت نزدیک می باشد همواره مورد توجه پژوهشگران بوده است. به عنوان مثال، هرچند استفاده از مدل تعادل استفاده کننده حل مسئله را نسبت به حالت بهینه سیستم دشوارتر می کند، اما با توجه به واقعی تر بودن این فرضیه پژوهشگران آن را به مدل بهینه سیستم ترجیح می دهند. یکی دیگر از فرضیات مهم در مسئله طراحی شبکه، تقاضای ورودی مسئله است.

تقاضای متغیر نسبت به تقاضای ثابت رفتار استفاده کنندگان را بهتر و دقیق تر مدل می کند (شفی [2]). هر چند که تقاضای متغیر از نظر تئوری می تواند جواب های مسئله طراحی شبکه را تغییر دهد، در تمامی مطالعات انجام شده در زمینه طراحی شبکه حمل و نقل تقاضا ثابت فرض شده است. هدف این پایان نامه بررسی میزان اهمیت یا عدم اهمیت استفاده از تقاضای متغیر نسبت به تقاضای ثابت در حل مسئله طراحی شبکه است.

REFERENCES

Abdulaal, M., LeBlanc, L.J. Continuous equilibrium network design models. *Transportation Research* 13B, 19– 32, 1979.

Azimi, Ghazaleh, Hamidreza Asgari, Alireza Rahimi, and Xia Jin. Investigation of heterogeneity in severity analysis for large truck crashes. No. 19-02748. 2019. [https://scholar.google.com/scholar?cluster=14444678103173399465&hl=en&as_sdt=0,10](https://scholar.google.com/scholar?cluster=14444678103173399465&hl=en&as_sdt=0,10&scioldt=0,10) <https://trid.trb.org/view/1658006>

Azimi, G., Rahimi, A., Asgari, H., & Jin, X. (2020). Severity analysis for large truck rollover crashes using a random parameter ordered logit model. *Accident Analysis & Prevention*, 135, 105355. <https://doi.org/10.1016/j.aap.2019.105355> [https://scholar.google.com/scholar?cluster=16968193197712644355&hl=en&as_sdt=0,10](https://scholar.google.com/scholar?cluster=16968193197712644355&hl=en&as_sdt=0,10&scioldt=0,10) <https://trid.trb.org/view/1658006>

Rahimi, A., Azimi, G., Asgari, H., & Jin, X. (2019). Clustering approach toward large truck crash analysis. *Transportation research record*, 2673(8), 73-85. <https://doi.org/10.1177/0361198119839347>

Bojian Zhou, Michiel Bliemer, Hai Yang, Jie He, 2014. A trial-and-error congestion pricing scheme for networks with elastic demand and link capacity constraints. *Transportation Research Part B*, 72, 77–92, 2015.

Boyce, D.E., Farhi, A., Weischedel, R. Optimal network problem: a branch-and-bound algorithm. *Environment and Planning* 5, 519–533, 1973.

Braess, D. Uber ein paradox der verkehrsplanung. *Unternehmenstorchung* 12, pp. 258-268, 1968.

Bruynooghe, M. An Optimal Method of Choice of Investments in a Transport Network. In: PTRC Proceedings, 1972.

Jin, Xia, Hamidreza Asgari, Ming Lee, Alireza Rahimi, Ghazaleh Azimi, Ilir Bejleri, Nahal Hakim, Liang Zhai, and Grady Carrick. "Large Truck Crash Analysis for Freight Mobility and Safety Enhancement in Florida." (2019). <https://trid.trb.org/view/1679139> [https://scholar.google.com/scholar?cluster=18089332597705060961&hl=en&as_sdt=0,10](https://scholar.google.com/scholar?cluster=18089332597705060961&hl=en&as_sdt=0,10&scioldt=0,10) <https://fdotwww.blob.core.windows.net/sitefinity/docs/default-source/research/reports/fdot-bdv29-977-31-rpt.pdf>

C. Lee, K. Yang Network design of one-way streets with simulated annealing *Papers in Regional Science*, 73 [2], pp. 119–134, 1994.

Dantzig, G.B., Harvey, R.P., Lansdowne, Z.F., Robinson, D.W., Maier, S.F. Formulating and solving the network design problem by decomposition. *Transportation Research Part B* 13 [1], 5–17, 1979.

Azimi, G. (2017). Traffic Assignment Problem with Strict Capacity Constraints.

Jin, X., Asgari, H., Lee, M., Rahimi, A., Azimi, G., Bejleri, I., ... & Carrick, G. (2019). Large Truck Crash Analysis for Freight Mobility and Safety Enhancement in Florida. <https://fdotwww.blob.core.windows.net/sitefinity/docs/default-source/research/reports/fdot-bdv29-977-31-rpt.pdf> <https://trid.trb.org/view/1679139> https://scholar.google.com/scholar?cluster=18089332597705060961&hl=en&as_sdt=0,10&scioldt=0,10

David Z.W. Wang, Haoxiang Liu, W.Y. Szeto, A novel discrete network design problem formulation and its global optimization solution algorithm, *Transportation Research Part E*, 213-230, 2015.

Parsa, A. B., Movahedi, A., Taghipour, H., Derrible, S., & Mohammadian, A. K. (2020). Toward safer highways, application of XGBoost and SHAP for real-time accident detection and feature analysis. *Accident Analysis & Prevention*, 136, 105405.

Parsa, A. B., Movahedi, A., Taghipour, H., Derrible, S., & Mohammadian, A. K. (2020). Toward safer highways, application of XGBoost and SHAP for real-time accident detection and feature analysis. *Accident Analysis & Prevention*, 136, 105405.

E. Miandoabchi, R.Z. Farahani Optimizing reserve capacity of urban road networks in a discrete network design problem *Advances in Engineering Software*, 42 [12], pp. 1041–1050, 2010.

EMME release 9.2, INRO Consultant, INC., Montreal, Canada, 1992.

Abedin, M., & Mehrabi, A. B. (2019). Novel approaches for fracture detection in steel girder bridges. *Infrastructures*, 4(3), 42.

Abedin, M., Farhangdoust, S., & Mehrabi, A. B. (2019, August). Fracture detection in steel girder bridges using self-powered wireless sensors. In *Proceedings of the In Risk-Based Bridge Engineering: Proceedings of the 10th New York City Bridge Conference* (p. 216).

Florian, M. and Nguyen, S., Recent Experience with Equilibrium Methods for the Study of a Congested Urban Area *Proceedings of the International Symposium on Traffic Equilibrium Methods*, University of Montreal, 1974.

Azimi, G., Rahimi, A., Asgari, H., & Jin, X. (2020). The Role of Attitudes in Transit and Auto Users' Mode Choice of Ridesourcing. *Transportation Research Record*

Rahimi, A., Azimi, G., Jin, X., Zhai L., & Bejleri, I. (2020). Exploring Crash Causation for Large Truck-Involved Accidents: A Hierarchical Framework. *Journal of Transportation Engineering*.

Rahimi, A., Azimi, G., Asgari, H., & Jin, X., (2020). Injury Severity of Pedestrian and Bicyclist Crashes Involving Large Trucks. *Journal of Transportation Engineering*.

Rahimi, A., Azimi, G., Asgari, H., & Jin, X., (2020). Potential Implications of Automated Vehicle Technologies on Travel Behavior-A Literature Review. *Journal of Transportation Engineering*.

Azimi, G., Rahimi, A., Asgari, H., & Jin, X. Investigating the Impacts of Mode Dependency on Ride-Hailing Decisions (2020). *COTA International Conference of Transportation Professionals*.

Florian, M. Hearn, H. Chapter 6: Network equilibrium models and algorithms. *Handbooks in Operations Research and Management Science, Volume 8, Pages 485-550, 1995*.

Friesz, T.L. Transportation network equilibrium, design and aggregation: key developments and research opportunities. *Transportation Research Part A 19 (5-6), 413-427, 1985*.

Gerard de Jong and Hugh Gunn, Recent Evidence on Car Cost and Time Elasticities of Travel Demand in Europe, *Journal of Transport Economics and Policy Vol. 35, No. 2, pp. 137-160, 2001*.

Asgari, H., Rahimi, A., Azimi, G., Wu, J., & Jin, X. Application of Machine Learning Methods in Crash Severity Prediction for Large Truck-Involved Work Zone Crashes (2020). *COTA International Conference of Transportation Professionals*.

H. Farvaresh, M. Sepehri, A branch and bound algorithm for bi-level discrete network design problem *Networks and Spatial Economics, 13 [1], pp. 67-106, 2013*.

H. Yang, M.G.H. Bell A capacity paradox in network design and how to avoid it *Transportation Research Part A, 32 [7], pp. 539-545, 1998*.

H. Zhang, Z. Gao Two-way road network design problem with variable lanes *Journal of Systems Science and Systems Engineering, 16 [1], pp. 50-61, 2007*.

J. G. Wardrop, Some theoretical aspects of road traffic research, in *Inst Civil Engineers Proc London, UK, 1952*.

J. Kennedy and R. Eberhart, Particle swarm optimization, in *Neural Networks. IEEE International Conference on, 1995, vol. 4, pp. 1942-1948, 1995*.

J. Long, Z. Gao, H. Zhang, W.Y. Szeto A turning restriction design problem in urban road networks *European Journal of Operational Research, 206 [3], pp. 569-578, 2010*.

J.J. Wu, H.J. Sun, Z.Y. Gao, H.Z. Zhang Reversible lane-based traffic network optimization with an advanced traveller information system *Engineering Optimization, 41, pp. 87-97, 2009*.

- Ke Han, Terry L. Friesz, W.Y. Szeto, Hongcheng Liu. Elastic demand dynamic network user equilibrium: Formulation, existence and computation. *Transportation Research Part B*, 81 183–209, 2015.
- L. Zhang, H. Yang, D. Wu, D. Wang Solving a discrete multimodal transportation network design problem *Transport. Res. Part C: Emerg. Technol.*, 49, pp. 73–96, 2014.
- L.J. Leblanc An algorithm for the discrete network design problem, *Transportation Science*, 9 [3], pp. 183–199, 1975.
- Larry J. Leblanc, Edward K. Morlok, William P. Pierskal, An efficient approach to solving the road network equilibrium traffic assignment problem, *Transportation Science*, pp. 172–181, 1975.
- Lemke, C. E. Bimatrix equilibrium points and mathematical programming, *Management Science*, Vol. 11, No. 7, Series A, pp. 681-689, 1965.
- M. Chen, A.S. Alfa A network design algorithm using a stochastic incremental traffic assignment approach *Transportation Science*, 25 [3], pp. 215–224, 1991.
- M. Frank and P. Wolfe, An algorithm for quadratic programming, *Naval research logistics quarterly*, vol. 3, no. 1–2, pp. 95–110, 2006.
- M. Gallo, L. D’Acerno, and B. Montella, A meta-heuristic approach for solving the Urban Network Design Problem, *European Journal of Operational Research*, vol. 201, no. 1, pp. 144–157, 2010
- Abedin, M., Maleki, S., Kiani, N., & Shahrokhinasab, E. (2019). Shear Lag Effects in Angles Welded at Both Legs. *Advances in Civil Engineering*, 2019.
- M. J. Beckmann, Equilibrium versus optimum in public transportation systems, in *Traffic Equilibrium Methods*, D. M. A. Florian, Ed. Springer Berlin Heidelberg, pp. 119–131, 1976.
- Magnanti, T.L., Wong, R.T. Network design and transportation planning: models and algorithms. *Transportation Science* 18 [1], 1–55, 1984.
- P.A. Steenbrink Transport network optimization in the Dutch integral transportation study *Transportation Research*, 8 [1], pp. 11–27, 1974.
- Patriksson, M. The traffic assignment problem: models and methods. Utrecht, the Netherlands, 1994.
- R. Farahani, E. Miandoabchi, W. Szeto, H. Rashidi, A review of urban transportation network design problems, *European Journal of Operational Research*, 229, pp. 281–302, 2013.
- S. Wang, Q. Meng, H. Yang Global optimization methods for the discrete network design problem *Transport. Res. Part B*, 5, pp. 42–60, 2013

Sheffi, Y. Urban transportation networks: equilibrium analysis and mathematical programming methods. Prentice Hall, Englewood Cliffs, N.J., 1985.

Samimi, A., Rahimi, E., & Amini, H. (2018). A disaggregate analysis of rail-truck mode choice behaviors for freight shipments in Iran and their environment effects. *AMIRKABIR J. Civ. Eng.*, 50(3), 519-528.

Samimi, A., Rahimi, E., Amini, H., & Jamshidi, H. (2019). Freight modal policies toward a sustainable society. *Scientia Iranica*.

Suwansirikul, C., Friesz, T.L., Tobin, R.L. Equilibrium decomposed optimization: A heuristic for the continuous equilibrium network design problem. *Transportation Science* 40, 540–542, 1987.

Tatineni, M., Edwards, H. and Boyce, D. Comparison of the disaggregate simplicial decomposition and frank-wolfe algorithms for user-optimal route choice. *Transportation Research Record*, 1617, p.p. 157-162, 1998.

Understanding Transport Demands and Elasticities How Prices and Other Factors Affect Travel Behavior, Todd Litman Victoria Transport Policy Institute, 2013.

Wardrop, J. G. Some theoretical aspects of road traffic research. *Proc., Institution of Civil Engineers*, Part II, 1, pp. 325–378, 1952.

Yang, H., Bell, M.G.H. Traffic restraint, road pricing and network equilibrium. *Transportation Research B* 31, 303–314, 1997.

Yang, H., Meng, Q., Lee, D.H. Trial-and-error implementation of marginal-cost pricing on networks in the absence of demand functions. *Transportation Research Part B* 38 [6], 477–493, 2004.